

Ex. อิเล็กตรอนตัวหนึ่งถูกเร่งจากอยู่นิ่งผ่านความต่างศักย์ 2000 V เข้าไปในบริเวณที่มีสนามแม่เหล็กสม่ำเสมอ ทำให้เคลื่อนที่เป็นวงกลมรัศมี 0.18 m จงหาขนาดของสนามแม่เหล็ก และถ้าความเร็วของอิเล็กตรอนทำมุม 45° กับทิศของสนาม จงหารัศมีของการเคลื่อนที่

วิธีทำ สถานการณ์แรก อิเล็กตรอนถูกเร่ง ทำให้มีอัตราเร็วค่าหนึ่ง จากนั้นผ่านเข้าไปในสนามแม่เหล็ก โดยทิศทางของความเร็ว (ซึ่งก็คือทิศทางการเคลื่อนที่) ของอิเล็กตรอนตั้งฉากกับสนาม

อัตราเร็วของอิเล็กตรอน หาจาก “พลังงานจลน์ที่เพิ่มขึ้น = งานที่แรงไฟฟ้ากระทำต่อประจุผ่านความต่างศักย์”

$$\begin{aligned}
 E_k &= qV \\
 \frac{1}{2}mv^2 &= qV \\
 v &= \sqrt{\frac{2qV}{m}} \\
 &= \sqrt{\frac{2(1.6 \times 10^{-19})(2000)}{9.1 \times 10^{-31}}} \\
 \therefore v &= 2.65 \times 10^7 \text{ m/s}
 \end{aligned}$$

อิเล็กตรอนเคลื่อนที่ตั้งฉากกับสนาม จึงได้ว่า \vec{v} ทำมุมกับ \vec{B} เท่ากับ 90°

$$F_B = qvB \sin 90^\circ$$

$$\therefore F_B = qvB$$

จากความรู้เรื่องการเคลื่อนที่เป็นวงกลม “แรงสู่ศูนย์กลาง = มวล \times ความเร่งสู่ศูนย์กลาง”

$$\begin{aligned}
 \sum F &= ma_c \\
 F_B &= m \frac{v^2}{R} \\
 qvB &= m \frac{v^2}{R} \\
 \text{ดังนั้น} \quad B &= \frac{mv}{qR} \\
 &= \frac{(9.1 \times 10^{-31})(2.65 \times 10^7)}{(1.6 \times 10^{-19})(0.18)} \\
 \therefore B &= 8.37 \times 10^{-4} \text{ T}
 \end{aligned}$$

สถานการณ์ต่อมา ถ้า \vec{v} ทำมุม 45° กับ \vec{B} จะได้ขนาดของแรงแม่เหล็กเท่ากับ

$$\begin{aligned}
 F_B &= qvB \sin \theta \\
 &= (1.6 \times 10^{-19})(2.65 \times 10^7)(8.37 \times 10^{-4}) \sin 45^\circ \\
 \therefore F_B &= 2.51 \times 10^{-15} \text{ N}
 \end{aligned}$$

แทน F_B ลงในสมการการเคลื่อนที่เป็นวงกลม $F_B = m\frac{v^2}{R}$ เพื่อหารัศมี R

$$\begin{aligned} F_B &= m\frac{v^2}{R} \\ R &= \frac{mv^2}{F_B} \\ &= \frac{(9.1 \times 10^{-31})(2.65 \times 10^7)^2}{2.51 \times 10^{-15}} \end{aligned}$$

$$\therefore R = 0.255 \text{ m}$$

Ex. อิเล็กตรอนเคลื่อนที่ด้วยพลังงานจลน์เท่ากับ $2 \times 10^4 \text{ eV}$ เข้าไปในบริเวณที่มีสนามแม่เหล็กสม่ำเสมอขนาด 1 เทสลา จงหารัศมีของการเคลื่อนที่ในกรณีต่างๆ ดังต่อไปนี้ (กำหนดให้ $1 \text{ eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$)

(ก) ความเร็วของอิเล็กตรอนและสนามแม่เหล็กตั้งฉากกัน

(ข) ความเร็วของอิเล็กตรอนและสนามแม่เหล็กทำมุมกัน 60°

วิธีทำ (ก) \vec{v} และ \vec{B} ทำมุมกัน 90° ดังนั้นจาก $F_B = qvB \sin \theta$ และ $F_B = m\frac{v^2}{R}$ จึงได้ว่า

$$\begin{aligned} qvB \sin \theta &= m\frac{v^2}{R} \\ \text{ดังนั้น} \quad R &= \frac{mv}{qB \sin \theta} \quad \dots\dots (1) \end{aligned}$$

หาค่าอัตราเร็ว v จากพลังงานจลน์ โดยใช้สมการ $E_k = \frac{1}{2}mv^2$ ซึ่ง $E_k = (2 \times 10^4)(1.6 \times 10^{-19}) = 3.2 \times 10^{-15} \text{ J}$ ดังนี้

$$\begin{aligned} E_k &= \frac{1}{2}mv^2 \\ v &= \sqrt{\frac{2E_k}{m}} \\ &= \sqrt{\frac{2(3.2 \times 10^{-15})}{(9.1 \times 10^{-31})}} \end{aligned}$$

$$\therefore v = 8.39 \times 10^7 \text{ m/s}$$

แทนค่าต่างๆ ลงในสมการ (1) จะได้

$$\begin{aligned} R &= \frac{mv}{qB \sin \theta} \\ &= \frac{(9.1 \times 10^{-31})(8.39 \times 10^7)}{(1.6 \times 10^{-19})(1) \sin 90^\circ} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \therefore R &= 4.77 \times 10^{-4} \text{ m} \\ &= 0.477 \text{ cm} \end{aligned}$$

(ข) กรณี v ทำมุม 60° กับ \vec{B} สามารถใช้สมการ (1) ที่หาไว้ได้ โดยแทน $\theta = 60^\circ$ ดังนี้

$$\begin{aligned} R &= \frac{mv}{qB \sin \theta} \\ &= \frac{(9.1 \times 10^{-31})(8.39 \times 10^7)}{(1.6 \times 10^{-19})(1) \sin 60^\circ} \\ \therefore R &= 5.51 \times 10^{-4} \text{ m} \\ &= 0.551 \text{ cm} \end{aligned}$$

จะเห็นว่ากรณี 90° ซึ่งให้ขนาดของ \vec{F}_B สูงสุด ทำให้ความเร่งสู่ศูนย์กลางมีค่าสูงสุดด้วย รัศมีการเคลื่อนที่เป็นวงกลมจึงน้อยที่สุด ส่วนกรณี v ทำมุม 60° กับ \vec{B} จะทำให้มีองค์ประกอบของความเร็ว v ในแนวขนานกับสนามแม่เหล็ก \vec{B} และองค์ประกอบของความเร็วนี้จะทำให้เส้นทางการเคลื่อนที่ของอิเล็กตรอนไม่เข้าเป็นวงกลมบนระนาบเดิม แต่จะเคลื่อนแต่ละวงออกไปเป็นลักษณะของการเคลื่อนที่แบบเกลียว